

# Workshop Abjad-numerals

History of Mathematics Research Group,  
Mathematics Dept, Utrecht University, Netherlands

2022

Purpose of this workshop: to read the numbers in  
Turkish-Islamic scientific instruments . . .

Al-Jazari lock (1200)



Turkish astrolabe (1706-7 CE)



... and Islamic scientific texts

## Taqi al-Din computations and tables

م	ط	ک	ح	م	ا	س
م	و	ن	م	ر	ک	ا
م	ہ	م	ا	م	و	د
م	د	ل	م	و	ر	ه
م	ک	و	م	ہ	د	ل
م	س	ک	ا	م	د	خ
م	ا	و	م	د	ک	ه

# 1. The principle in the normal alphabet.

We give the letters of the alphabet a numerical value as follows:

<b>a</b> =1	<b>b</b> =2	<b>j</b> =3	<b>d</b> =4	<b>h</b> =5	<b>w</b> =6	<b>z</b> =7	<b>H</b> =8	<b>t</b> =9
<b>i</b> =10	<b>k</b> =20	<b>l</b> =30	<b>m</b> =40	<b>n</b> =50	<b>s</b> =60	<b>e</b> =70	<b>f</b> =80	<b>c</b> =90
<b>q</b> =100	<b>r</b> =200	<b>x</b> =300						

$11 = \mathbf{ia}$ ,  $123 = \mathbf{qkj}$ , (not  $\mathbf{jkq}$  nor  $\mathbf{kjq}$ ),  $202 = \mathbf{rb}$ .

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, **e**.

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56**      **ld=34**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56      ld=34    fa=81**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56      ld=34    fa=81    xmh=345**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56      ld=34    fa=81    xmh=345    xit=319**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56**    **ld=34**    **fa=81**    **xmh=345**    **xit=319**    **qH=108**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, e.

**nw = 56**    **ld=34**    **fa=81**    **xmh=345**    **xit=319**    **qH=108**  
**rc=290**

## Exercise 1:

Translate the abjad-numbers: **nw**, **ld**, **fa**, **xmh**, **xit**, **qH**, **rc**, **e**.

**nw = 56**    **ld=34**    **fa=81**    **xmh=345**    **xit=319**    **qH=108**

**rc=290**    **e=70**

## Exercise 2:

Write in abjad: 24, 258, 307, 130.

## Exercise 2:

Write in abjad: 24, 258, 307, 130.

24=kd

## Exercise 2:

Write in abjad: 24, 258, 307, 130.

**24=kd    258 = r nH**

## Exercise 2:

Write in abjad: 24, 258, 307, 130.

24=**kd**   258 = **r nH**   307= **xz**

## Exercise 2:

Write in abjad: 24, 258, 307, 130.

$24 = \mathbf{kd}$     $258 = \mathbf{r\ nH}$     $307 = \mathbf{xz}$     $130 = \mathbf{q\ell}$ .

## 2. The Arabic alphabet:

Exactly the same principle works here! but with Arabic letters.

Put

1 = alif, 2 = ba, 3 = jim, 4 = dal, 5 = ha, 6 = waw, 7 = zay, 8 = ḥa (sharp h), 9 = ṭa,

10 = ya, 20 = kaf, 30 = lam, 40 = mim, 50 = nun, 60 = sin, 70 = ayn, 80 = fa, 90 = ḥad,

100 = qaf, 200 = ra, 300 = shin, etc.

Every Arabic letter has four shapes: isolated, beginning, middle, end.

The system is often called "abjad"; this artificial word is a way to memorize "1, 2, 3, 4 (alif + ba + jim + dal)

# Table of the numbers 1-91 in abjad, see also your handout

		(0)	10	20	30	40	50	60	70	80	90
	name		i= ya	k= kaf	l=lam	m= mim	n=nun	s=sin	e=ayn	f=fa	c= şad
(+0)			ي	ك	ل	م	ن	س	ع	ف	ص
+1	a=alif	ا	ما	كا	لا	ما	نا	سا	عا	فا	سا
+2	b=ba	ب	س	كـ	لـ	مـ	نـ	سـ	عـ	فـ	
+3	j=jim	جـ	خـ	حـ	خـ	خـ	خـ	خـ	عـ	فـ	
+4	d=dal	دـ	دـ	كـدـ	لـدـ	مـدـ	نـدـ	سـدـ	عـدـ	فـدـ	
+5	h=ha	هـ	هـ	كـهـ	لـهـ	مـهـ	نـهـ	سـهـ	عـهـ	فـهـ	
+6	w=waw	وـ	وـ	كـوـ	لـوـ	مـوـ	نـوـ	سـوـ	عـوـ	فـوـ	
+7	z=zay	رـ	رـ	كـرـ	لـرـ	مـرـ	نـرـ	سـرـ	عـرـ	فـرـ	
+8	H=ha	حـ	حـ	كـحـ	لـحـ	مـحـ	نـحـ	سـحـ	عـحـ	فـحـ	
+9	t=t̄a	طـ	طـ	كـطـ	لـطـ	مـطـ	نـطـ	سـطـ	عـطـ	فـطـ	

Hundreds: qaf= ق =100, ra= ر =200, shin= ش =300. We first write the hundreds, then the teens, then the units. Example: 123=qkj = قـكـجـ.

## Exercise 4

end (final) and beginning (initial) shapes of three Arabic letters:

1=alif = | 10=ya = ،

2=ba = ڻ

## Exercise 5. End(final) and beginning (initial) shapes of Arabic letters

1=alif =ا

10=ya =ي

2=ba =ب

20=kaf =ك

3=jim =ج

30=lam =ل

4=dal=د

40=mim =م

5=ha=ه

50=nun =ن

6=waw=و

60=sin=س

7=zayn=ز

70=ayn=ع

8=.ha =ح

80=fa =ف

9=.ta =ط

90=.sad=ص

## Exercise 6

		(0)	10	20	30	40	50	60	70	80	90
	name		i= ya	k= kaf	$\ell$ =lam	m= mim	n=nun	s=sin	e=ayn	f=fa	c= şad
(+0)			ي	ك	ل	م	ن	س	ع	ف	ص
+1	a=alif	ا	ما	كا	لا	ما	نا	سا	عا	فا	صا
+2	b=ba	ب	س	كـ	لـ	سـ	نـ	سـ	عـ	فـ	صـ
+3	j=jim	ج	خـ	حـ	خـ	خـ	خـ	خـ	عـ	فـ	صـ
+4	d=dal	د	دـ	كـدـ	لـدـ	مـدـ	نـدـ	سـدـ	عـدـ	فـدـ	صـدـ
+5	h=ha	هـ	هـ	كـهـ	لـهـ	هـهـ	نـهـ	سـهـ	عـهـ	فـهـ	صـهـ
+6	w=waw	وـ	وـ	كـوـ	لـوـ	مـوـ	نـوـ	سـوـ	عـوـ	فـوـ	صـوـ
+7	z=zay	رـ	رـ	كـرـ	لـرـ	مـرـ	نـزـ	سـرـ	عـرـ	فـرـ	صـرـ
+8	H=ha	حـ	حـ	كـحـ	لـحـ	مـحـ	نـحـ	سـحـ	عـحـ	فـحـ	صـحـ
+9	t=t̤a	طـ	طـ	كـطـ	لـطـ	مـطـ	نـطـ	سـطـ	عـطـ	فـطـ	صـطـ

Photo 1: astrolabe made in Turkey, dated 1120 H / 1706-7 CE, now in Oxford, History of Science Museum, no. 39955



## Photo 2: plate of this astrolabe

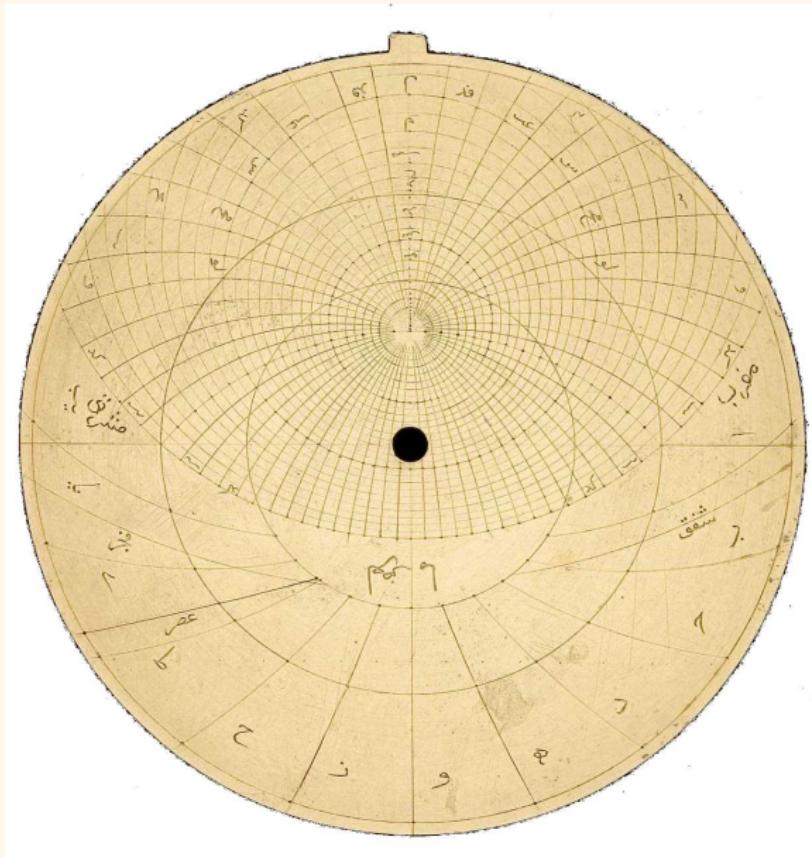


Table A; almucantars for latitude 32°

Table A: Detail

م	م	م	م
و	و	و	و
د	د	د	د
ل	ل	ل	ل
ک	ک	ک	ک
س	س	س	س
ت	ت	ت	ت
خ	خ	خ	خ
ن	ن	ن	ن

Table B: almucantars for latitude  $0^\circ$  and for azimuthal circles

Table B: detail with large abjad numbers